

## ФИЗИКА ТВЕРДОГО ТЕЛА

УДК 530.19

## РЕЗОНАНСНЫЕ КОЛЕБАНИЯ В МАГНИТОУПОРЯДОЧЕННЫХ КРИСТАЛЛАХ ТИПА «ЛЕГКАЯ ПЛОСКОСТЬ» И «ЛЕГКАЯ ОСЬ»

Е. Р. Алабердин, А. М. Савченко, М. Б. Садовникова

(кафедра квантовой статистики и теории поля)

Исследованы магнитные свойства антиферромагнетиков, состоящих из двух и четырех магнитных подрешеток, на основе модели с учетом квадрупольного взаимодействия. Найдены резонансные спектры, обусловленные обменным взаимодействием. Показано, что частоты спиновых волн имеют акустическую и оптическую ветви.

Антиферромагнетики типа «легкая плоскость» представляют собой кристаллы, используемые в радиоэлектронике и информационно-вычислительной технике как многофункциональные элементы [1]. Эти материалы при определенной симметрии близки по магнитным свойствам к ВТСП-керамикам в магнитной фазе, что стимулирует интенсивные исследования в этой области: определение ветвей колебаний магнитной подсистемы и ее резонансных свойств.

Ван Флеком было предсказано, что в одноосных ферромагнетиках биквадратное обменное взаимодействие играет главную роль в формировании одноосной анизотропии [2]. Экспериментально это было подтверждено в работе [3]. Исследования показывают [4], что биквадратный обмен приводит к малому отклонению магнитных моментов от положения равновесия в плоскости слоя и совместно с анизотропией определяет энергетическую щель между акустической и оптической ветвями колебаний.

В настоящей работе исследованы магнитные свойства антиферромагнетиков, помещенных в магнитное поле  $\mathbf{H}$ . При достижении критического значения внешнего магнитного поля ( $\mathbf{H} = \mathbf{H}_c$ ) магнитные моменты подрешеток ориентируются вдоль его направления ( $\mathbf{H}$ ). Существование переходов из коллинеарной фазы в неколлинеарную дает возможность исследовать фазовые диаграммы таких кристаллов (возникновение доменов при таких переходах не рассматривается).

Рассмотрим антиферромагнетик, состоящий из двух взаимодействующих подрешеток. Его удобно описывать с помощью термодинамического потенциала  $\Phi$  [5]. В нашем случае потенциал имеет вид

$$\Phi(\mathbf{M}_1, \mathbf{M}_2) = J_1(\mathbf{M}_1 \cdot \mathbf{M}_2) \frac{1}{M_s^2} + J_2(\mathbf{M}_1 \cdot \mathbf{M}_2)^2 \frac{1}{M_s^4} + \beta(M_{1z}^2 + M_{2z}^2) - (\mathbf{M}_1 + \mathbf{M}_2) \cdot \mathbf{H}, \quad (1)$$

где  $M_{1z}$  и  $M_{2z}$  — проекции плотности магнитного момента подрешеток на ось  $z$ ,  $J_1$  и  $J_2$  — постоянные обменного взаимодействия между подрешетками, соответствующие дипольному и квадрупольному взаимодействию;  $\mathbf{M}_1$  и  $\mathbf{M}_2$  — плотности магнитных моментов подрешеток;  $\beta$  — постоянная анизотропии;

$\mathbf{H}$  — постоянное внешнее магнитное поле;  $M_s$  — намагниченность насыщения.

В области низких температур, а именно при  $T \ll T_N$ , где  $T_N$  — температура Нееля, можно считать [6], что

$$|\mathbf{M}_1| = |\mathbf{M}_2| = M_s = \text{const}.$$

Перейдем к новым переменным — нормированным векторам ферро- и антиферромагнетизма:

$$\mathbf{m} = \frac{1}{2M_s}(\mathbf{M}_1 + \mathbf{M}_2); \quad \mathbf{l} = \frac{1}{2M_s}(\mathbf{M}_1 - \mathbf{M}_2).$$

Отметим следующие свойства этих векторов:

$$m^2 + l^2 = 1, \quad (\mathbf{m} \cdot \mathbf{l}) = 0.$$

В новых переменных потенциал (1) запишется в виде

$$\Phi(m, l) = Jm^2 + 4J_2m^4 + 2\beta M_s^2(m_z^2 + l_z^2) - 2M_s(\mathbf{m} \cdot \mathbf{H}) + \text{const},$$

где  $J = 2J_1 - 4J_2$ . Константа характеризует обменное взаимодействие.

Найдем спектр колебаний спиновой системы. Уравнения движения для векторов  $\mathbf{m}$  и  $\mathbf{l}$  для этой модели имеют вид

$$\frac{2M_s}{g} \dot{\mathbf{m}} = \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{m}}, \mathbf{m} \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}}, \mathbf{l} \right],$$

$$\frac{2M_s}{g} \dot{\mathbf{l}} = \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{m}}, \mathbf{l} \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}}, \mathbf{m} \right],$$

где  $g = 2\mu/\hbar$ ,  $\mu$  — магнетон Бора. Решая данную систему в линейном приближении и приравнявая нулю ее определитель, находим спектр частот спиновых волн в постоянном магнитном поле  $\mathbf{H}$ .

При  $|\mathbf{H}| < |\mathbf{H}_c|$  для частот спиновых волн в случае антиферромагнетика типа «легкая плоскость» справедливы следующие выражения:

$$\omega_1^2 = (\mu H_x)^2 \left(1 + \frac{\beta}{\delta}\right), \quad \omega_2^2 = \left(2\mu \sqrt{H_\delta H_\delta}\right)^2 \left(1 - \frac{H_x}{H_c}\right),$$

где  $H_\delta = \delta M_s \mu$ ,  $H_\beta = \beta M_s \mu$ ,  $H_x$  — проекция поля  $\mathbf{H}$  на ось  $Ox$ .

В случае, когда магнитное поле превышает критическое значение  $\mathbf{H}_c$ , имеем

$$\begin{aligned} \omega_1^2 &= \mu H_x (\mu H_x + \delta \mu H_\beta), \\ \omega_2^2 &= (\mu H_x - \mu H_c) (\mu H_x - \mu H_c + \delta \mu H_\beta). \end{aligned}$$

Отметим, что полученные значения частот спиновых волн лежат в СВЧ и оптическом диапазонах.

Аналогично можно найти спектры спиновых волн для четырехподрешеточного антиферромагнетика (по две решетки в разных плоскостях) в магнитном поле. Подобная конфигурация может наблюдаться в соединениях типа  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  (в магнитной фазе), которые при определенных условиях становятся сверхпроводниками и имеют тетрагональную пространственную симметрию.

Магнитную структуру системы типа  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  можно описать с помощью четырех векторов:

$$\begin{aligned} \mathbf{m} &= \mathbf{M}_1 + \mathbf{M}_2 + \mathbf{M}_3 + \mathbf{M}_4, \\ \mathbf{l}_1 &= \mathbf{M}_1 - \mathbf{M}_2 + \mathbf{M}_3 - \mathbf{M}_4, \\ \mathbf{l}_2 &= \mathbf{M}_1 + \mathbf{M}_2 - \mathbf{M}_3 - \mathbf{M}_4, \\ \mathbf{l}_3 &= \mathbf{M}_1 - \mathbf{M}_2 - \mathbf{M}_3 + \mathbf{M}_4. \end{aligned} \quad (2)$$

Здесь  $\mathbf{M}_a$  — плотности магнитных моментов подрешеток ( $a = 1 \div 4$ ). В простейшем случае магнитной анизотропии типа «легкая ось» термодинамический потенциал магнитной подсистемы можно записать следующим образом:

$$\begin{aligned} \tilde{\Phi} &= (\delta + 2\sigma)m^2 - \delta(l_1^2 + l_3^2) - (2\sigma - \delta)l_2^2 - \\ &- (2\beta + \beta' + \beta'')m_y^2 - (2\beta - \beta')(l_{1y}^2 + l_{3y}^2) - \\ &- (2\beta + \beta' - 2\beta'')l_{2y}^2, \end{aligned}$$

где  $\delta, \sigma$  — константы обменного взаимодействия,  $\beta, \beta', \beta''$  — константы одноионной и межионной анизотропии. Из векторов (2) только равновесное значение вектора  $\mathbf{l}$  отлично от нуля, поскольку он составлен из разностей двух векторов антиферромагнетизма:  $\mathbf{M}_1 - \mathbf{M}_2$  и  $\mathbf{M}_3 - \mathbf{M}_4$  соответствующих магнитных подрешеток. Поэтому полные уравнения движения для векторов  $\mathbf{m}$  и  $\mathbf{l}_1, \mathbf{l}_2, \mathbf{l}_3$

$$\begin{aligned} \frac{2M_s}{g} \dot{\mathbf{m}} &= \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_1}, \mathbf{l}_1 \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_2}, \mathbf{l}_2 \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_3}, \mathbf{l}_3 \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{m}}, \mathbf{m} \right], \\ \frac{2M_s}{g} \dot{\mathbf{l}}_1 &= \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_1}, \mathbf{m} \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_2}, \mathbf{l}_3 \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_3}, \mathbf{l}_2 \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{m}}, \mathbf{l}_1 \right], \\ \frac{2M_s}{g} \dot{\mathbf{l}}_2 &= \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_1}, \mathbf{l}_3 \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_2}, \mathbf{m} \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_3}, \mathbf{l}_1 \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{m}}, \mathbf{l}_2 \right], \\ \frac{2M_s}{g} \dot{\mathbf{l}}_3 &= \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_1}, \mathbf{l}_2 \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_2}, \mathbf{l}_1 \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_3}, \mathbf{m} \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{m}}, \mathbf{l}_3 \right] \end{aligned}$$

без учета нелинейных слагаемых могут быть записаны в виде

$$\begin{aligned} \frac{2M_s}{g} \dot{\mathbf{m}} &= \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_1}, \mathbf{l}_1 \right], \\ \frac{2M_s}{g} \dot{\mathbf{l}}_1 &= \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{m}}, \mathbf{l}_1 \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_1}, \mathbf{m} \right], \\ \frac{2M_s}{g} \dot{\mathbf{l}}_2 &= \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_3}, \mathbf{l}_1 \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_1}, \mathbf{l}_3 \right], \\ \frac{2M_s}{g} \dot{\mathbf{l}}_3 &= \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_2}, \mathbf{l}_1 \right] + \left[ \frac{\partial \Phi}{\partial \mathbf{l}_1}, \mathbf{l}_2 \right]. \end{aligned}$$

После вычисления производных по соответствующим компонентам векторов получаем две независимые системы связанных линейных уравнений:

$$\begin{aligned} m_x &= -\frac{M_s V_0}{\mu} (2\beta - \beta') l_{1z}, \\ m_z &= \frac{M_s V_0}{\mu} (2\beta - \beta') l_{1x}, \\ l_{1x} &= -\frac{M_s V_0}{\mu} (2\delta + 2\sigma + 2\beta - \beta') m_z, \\ l_{1z} &= \frac{M_s V_0}{\mu} (2\delta + 2\sigma + 2\beta - \beta') m_x, \\ l_{2x} &= -\frac{M_s V_0}{\mu} (2\beta - \beta') l_{3z}, \\ l_{2z} &= \frac{M_s V_0}{\mu} (2\beta - \beta') l_{3x}, \\ l_{3x} &= -\frac{M_s V_0}{\mu} (2\delta - 2\sigma + 2\beta - \beta') l_{2z}, \\ l_{3z} &= \frac{M_s V_0}{\mu} (2\delta - 2\sigma + 2\beta - \beta') l_{2x}, \end{aligned}$$

где  $V_0$  — объем элементарной ячейки.

Теперь можно записать выражения для частот собственных колебаний (две двукратно вырожденные ветви):

$$\omega_1^2 = \left( \frac{M_s V_0}{\mu} \right)^2 (2\beta - \beta') (2\delta + 2\sigma + 2\beta - \beta'), \quad (3)$$

$$\omega_2^2 = \left( \frac{M_s V_0}{\mu} \right)^2 (2\beta - \beta') (2\delta - 2\sigma + 2\beta - \beta'). \quad (4)$$

Нетрудно заметить, что частота колебаний (3) превосходит частоту (4). Поэтому динамическая линейная связь колебаний с частотой  $\omega_1$  и фононных колебаний будет наиболее сильной, хотя и колебания с частотой  $\omega_2$  также оказываются обменно усиленными, что совпадает с результатами работ [7, 8].

Описанный метод удобен для анализа спин-фононной динамики в магнитоупорядоченных системах типа  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  [9]. В работе [4] было показано, что в сверхпроводящей фазе при наличии двух магнитных плоскостей имеют место две двукратно вырожденные ветви спектра спиновых флуктуаций,

включающие в себя как поперечные, так и продольные моды, причем последние линейно связаны с фононами в области высоких частот. С учетом того, что при наличии двух магнитных плоскостей обе продольные частоты  $\omega_1$  и  $\omega_2$  двукратно вырождены, эффективный параметр спин-фононной связи, введенный в работе [4], оказывается с увеличенным в  $\sqrt{2}$  раз для каждой ветви, что существенно для повышения критической температуры  $T_c$  сверхпроводника.

В заключение важно отметить, что использованный метод актуален для исследования возможной квазидвумерности сверхпроводимости. В частности, в системе  $\text{La}_{2-x}\text{Sr}_x\text{CuO}_4$  число пар магнитных подрешеток совпадает с числом плоскостей  $\text{CuO}$ . Следовательно, при допущении, что высокотемпературную сверхпроводимость можно описывать с помощью различных двумерных моделей, синтез новых ВТСП с более высокой  $T_c$ , основанный на последовательном увеличении числа плоскостей  $\text{CuO}$ , должен быть достаточно эффективным.

#### Литература

1. Ожогин В.И., Савченко М.А. // УФН. 1984. 143, №4. С. 676.
2. Van Vleck J.H. // Phys.Rev. 1937. 52. P. 1178.
3. Bennet W.R. Shwarzacher W., Egelhoff W.F., Jr. // Phys. Rev. Lett. 1990. 65. P. 3169.
4. Савченко М.А., Стефанович А.В. Флуктуационная сверхпроводимость магнитных систем. М.: Наука, 1986.
5. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Электродинамика сплошных сред. М.: Наука, 1982.
6. Ахиезер А.И., Барьяхтар В.Г., Пелетминский С.В. Спиновые волны. М.: Наука, 1967.
7. Савченко А.М. Дипломная работа (физ. ф-т МГУ). 1996.
8. Вихорев А.А., Савченко М.А., Садовников Б.И. // ДАН. 1995. 344, №1. С. 36.
9. Вихорев А.А., Савченко М.А., Садовников Б.И. // Вестн. Моск. ун-та. Физ. Астрон. 1994. №3. С. 51 (Moscow University Phys. Bull. 1994. No. 3. P. 47).

Поступила в редакцию  
01.07.98

УДК 548:537.611.45

## МАГНИТНЫЕ СВОЙСТВА ЧАСТИЧНО УПОРЯДОЧЕННОГО СПЛАВА $\varepsilon'$ - $\text{Mn}_3\text{Ga}$ В СОСТОЯНИИ ФЕРРИМАГНИТНОГО СПИНОВОГО СТЕКЛА

В. Н. Прудников

(кафедра магнетизма)

Изучена кинетика магнитного превращения сплава  $\gamma$ - $\text{Mn}_3\text{Ga}$  в состоянии  $\varepsilon'$ - $\text{Mn}_3\text{Ga}$  с тетрагональными искажениями кристаллической решетки по типу  $\text{DO}_{22}$ . Фаза  $\varepsilon'$ - $\text{Mn}_3\text{Ga}$  является ферримагнитным неэргодичным состоянием, в котором при нагревании происходит двойной переход (парамагнетизм — ферримагнетизм — ферримагнитное спиновое стекло). Температура перехода сильно зависит от величины магнитного поля. Для объяснения полученных результатов привлекается обобщенная теория Шеррингтона–Киркпатрика двухкомпонентных магнетиков.

#### Введение

При экспериментальных исследованиях неупорядоченных ферримагнетиков обнаружен ряд систем, имеющих наряду с обычным поведением признаки спинового стекла [1–3]. В ряде ферритов обнаружены возвратные магнитные фазовые переходы в неэргодичное состояние, причем дальний магнитный порядок при таком переходе сохраняется [4, 5]. В ферримагнитных окислах, содержащих Ga,  $\text{Li}_{0,5}\text{Fe}_{2,5-x}\text{Ga}_x\text{O}_4$  и  $\text{BaFe}_{12-x}\text{Ga}_x\text{O}_{19}$ , в широкой области концентраций обнаружено существование как «чистого», так и ферримагнитного спинового стекла [3, 6]. При некоторых концентрациях Ga происходят возвратные переходы парамагнетизм - ферримагнетизм - ферримагнитное спиновое стекло (ПМ — ФиМ — ФиМСС). В теоретических работах [7, 8] наиболее последовательно рассмотрены ферримагнитные системы с фрустрациями на базе обобщенной модели Шеррингтона–Киркпатрика двухкомпонентных систем.

С целью изучения магнитных свойств хорошо проводящей системы  $\varepsilon'$ - $\text{Mn}_3\text{Ga}$  в состоянии фруст-

рированного ферримагнетизма были проведены измерения намагниченности  $\sigma(H, T)$  и магнитной восприимчивости  $\chi(T)$  в зависимости от магнитного поля и температуры.

#### Методика эксперимента

Сплавы  $\text{MnGa}$  были приготовлены в ЦНИИЧермет им. И. П. Бардина. Для выплавки использовались спектрально чистые материалы: марганец с чистотой 99,999% и галлий марки ГЛ000.

Изучались сплавы со стехиометрическим составом  $\text{Mn}_3\text{Ga}$ , что соответствует 75 ат.% Mn. Полученная в процессе плавки отливка в виде прутка подвергалась гомогенизирующему отжигу в течение 6–10 ч с последующей резкой закалкой. Полученная фаза  $\gamma$ - $\text{Mn}_3\text{Ga}$  имеет ГЦК-структуру и является атомноупорядоченной [9]. Из  $\gamma$ - $\text{Mn}_3\text{Ga}$  путем отжига в течение 8 ч при температуре 720 К была получена частично упорядоченная  $\varepsilon'$ -фаза  $\text{Mn}_3\text{Ga}$  со свехструктурой по типу  $\text{DO}_{22}$ . Кроме того, исходную  $\gamma$ -фазу пластически деформировали (степень обжатия  $\sim 60\%$ ) и после