# ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ НАУКИ НАУЧНО-ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ ЦЕНТР УНИКАЛЬНОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ РОССИЙСКОЙ АКАДЕМИИ НАУК

На правах рукописи

# Великовский Дмитрий Юрьевич

# КРИСТАЛЛЫ СЕМЕЙСТВА КАЛИЙ-РЕДКОЗЕМЕЛЬНЫХ ВОЛЬФРАМАТОВ КАК МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ АКУСТООПТИКИ

Специальность: 01.04.01 «Приборы и методы экспериментальной физики»

ΑΒΤΟΡΕΦΕΡΑΤ

диссертации на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук

Москва – 2015

Работа ФГБУН выполнена «Научно-технологический центр уникального В приборостроения» РАН. Научный руководитель: Пожар Витольд Эдуардович, д.ф.-м.н., ФГБУН «Научно-технологический центр уникального приборостроения» РАН, зав.отд. Научный консультант: Мазур Михаил Михайлович, д.т.н., ФГУП «Всероссийский научно-исследовательский физико-технических институт И радиотехнических измерений», зав.лаб. Официальные оппоненты: Писаревский Юрий Владимирович, д.ф.-м.н., ФГБУН «Институт кристаллографии имени А.В. Шубникова» РАН, гл.н.с. Князев Григорий Алексеевич, к.ф.-м.н, кафедра фотоники И физики микроволн физического факультета Московского Государственного Университета имени М.В. Ломоносова, доцент Ведущая организация: Федеральное государственное автономное образовательное

учреждение высшего профессионального образования "Национальный исследовательский технологический университет «МИСиС»"

Защита состоится «10» декабря 2015 года в 15-30 на заседании диссертационного совета Д 501.001.66 на базе Московского государственного университета имени М.В.Ломоносова по адресу: 119991, Москва, Ленинские горы, д. 1, стр. 2, Физический факультет МГУ, ауд. ЦФА.

С диссертацией можно ознакомиться в Научной библиотеке МГУ имени М.В.Ломоносова и на сайте http://phys.msu.ru/rus/research/disser/sovet-D501-001-66/

Автореферат разослан «б» ноября 2015 года

Ученый секретарь диссертационного совета Д 501.001.66,

к.ф.-м.н.

# ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОТЫ

#### Актуальность исследования

Устройства для управления оптическим излучением находят широкое применение, связанное с ростом мощности лазерных излучателей. Акустооптические (AO) устройства успешно и эффективно используются для модуляции светового излучения и его управляемого отклонения. Однако, разнообразие эффективных AO материалов невелико, и такие свойства как лучевая стойкость не входили в число приоритетных характеристик, по которым они отбирались.

Новым направлением поиска является исследование акустооптических свойств лазерных материалов. Кристаллы семейства калий-редкоземельных вольфраматов  $KRE(WO_4)_2$  (далее: KREW), в особенности калий-гадолиниевый вольфрамат  $KGd(WO_4)_2$ , являются широко известными лазерными материалами. В диссертации рассмотрены этот и другие кристаллы семейства – калий-лютециевый вольфрамат  $KLu(WO_4)_2$  (кратко: KLuW) и калий-иттербиевый вольфрамат  $KYb(WO_4)_2$  (кратко: KYbW). Особенности, связанные с использованием в качестве *RE*-элемента других лантаноидов, изучаются начиная с 70-х годов и до настоящего времени [1]. Кристаллы KREW, легированные иттербием, широко используются для получения импульсного излучения при пассивной модуляции мод [2]. Некоторые из них, например KGW, обладают очень высокой лучевой стойкостью, которая достигает 180 ГВт/см<sup>2</sup> при длительности импульсов  $\tau = 20$  нс [3]. Это на порядок и более превышает показатели для любых используемых в акустооптике материалов. Кристаллы KGW так же являются активными материалами для комбинационного (рамановского) рассеяния с множеством уровней переходов.

В качестве акустооптических затворов для мощных твердотельных лазеров в настоящее время используются АО модуляторы на кварце SiO<sub>2</sub>, причем из-за высокой мощности управляющего сигнала устройства принудительно охлаждаются водой. Применение модуляторов на новых материалах с высоким акустооптическим качеством и лучевой стойкостью позволит отказаться от охлаждения АО ячейки и упростить конструкцию лазеров.

В ходе работы были исследованы фотоупругие и упругие свойства кристаллов со структурой *KREW*. Кристаллическая структура материалов была широко изучена ранее [4]. Существуют три стабильные структурные фазы. Низкотемпературная имеет моноклинную элементарную ячейку и является наиболее известной, благодаря своим лазерным свойствам. Это материалы с низкосимметричной элементарной ячейкой

кристаллографического класса 2/m, и характеризуются оптической двуосностью. Что придает их исследованию дополнительную сложность и интерес, поскольку дифракция света на ультразвуковой волне в оптически двуосных средах до сих пор остается недостаточно широко исследованной областью акустооптики. Известно, что АО взаимодействие в таких средах имеет существенные особенности. Однако устройств, реализующих эти особенности, пока не разработано. Таким образом, поиск и освоение эффективных и технологичных оптически двуосных акустооптических кристаллов является важной практической задачей.

### Цели и задачи диссертационной работы

- 1. Исследование акустических свойств кристаллов семейства К*RE*(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>.
- 2. Исследование акустооптических свойств кристаллов семейства КRE(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>.
- 3. Разработка АО устройств с новыми свойствами для управления лазерным излучением высокой мощности.

#### Положения, выносимые на защиту

- 1. Измерены значения скоростей звука и вычислены на их основе упругие константы кристаллов KGd(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, KYb(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> и KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, позволяющие определять скорости и поляризации звуковых волн для произвольных направлений распространения в этих материалах, что необходимо для расчета характеристик акустооптических устройств.
- 2. Измеренные значения коэффициентов акустооптического качества кристаллов KGd(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, KYb(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> и KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, и вычисленные по этим данным фотоупругие модули, позволяют определить удельную эффективность «изотропной» дифракции световых волн на фазовой дифракционной решетке, созданной ультразвуком, для произвольных направлений распространения.
- Разработанные и апробированные методы определения значений компонент тензора упругости *c*<sub>αβ</sub> и фотоупругости *p*<sub>αβ</sub>, позволяют проводить измерения и вычисления *c*<sub>αβ</sub> и *p*<sub>αβ</sub> для моноклинных кристаллов класса 2/m.
- 4. Выявлены акустооптические характеристики лазерных кристаллов KGd(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, KYb(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> и KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, позволяющие создавать на их основе эффективные устройства для управления высокоинтенсивным лазерным излучением.

#### Личный вклад автора

-- 4 --

Все результаты, представленные в работе, получены диссертантом лично, либо в соавторстве при его непосредственном участии.

#### Научная новизна результатов и выводов

- 1. В полном объеме исследованы акустические свойства монокристаллов семейства калий-редкоземельных вольфраматов KRE(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, где RE = Gd, Yb и Lu. Впервые определены полные матрицы констант жесткости сред с<sub>а</sub> в кристаллофизической системе координат. Рассчитаны и построены угловые диаграммы скоростей звука в пяти плоскостях, наиболее интересных с точки зрения практического применения. Показано, что значения скоростей обладают значительной угловой дисперсией, что необходимо учитывать и можно использовать при разработке акустических и акустооптических устройств на основе рассматриваемых кристаллов.
- Впервые были измерены коэффициенты акустооптического качества *M* в случае изотропной дифракции (с сохранением плоскости поляризации) в *KRE*(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, где *RE* = Gd, Yb и Lu.
- 3. На основе данных о коэффициентах *М* определены величины соответствующих **фотоупругих модулей** *р*<sub>аβ</sub>. Полученные результаты позволяют утверждать, что кристаллы семейства К*RE*(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> являются в несколько раз более эффективными акустооптическими материалами, чем кварц SiO<sub>2</sub>.

#### Практическая значимость работы

- 1. Показано, что кристаллы семейства калий-редкоземельных вольфраматов *KRE*(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, где *RE* = Gd, Yb и Lu, могут быть эффективно применены в областях, использующих акустооптические эффекты и требующих высокой лучевой стойкости.
- 2. Разработан и испытан **АО модулятор с высокой лучевой стойкостью**, слабо чувствительный к поляризации падающего света.
- 3. Предложены схемы нескольких акустооптических устройств на основе исследуемых оптически двуосных материалов. Показана возможность создания принципиально новых устройств акустооптики, например, дефлектора с большой угловой апертурой. Проведена оценка возможных параметров таких устройств, в том числе определены их рабочие ультразвуковые частоты. Проанализирована возможность создания устройства нового типа, обеспечивающего и генерацию излучения, и управление добротностью в одном кристалле.

- 4. Разработаны и аттестованы две **методики** Государственной службы стандартных справочных данных ГСССД: «Методика экспериментального определения упругих характеристик лазерных кристаллов моноклинной сингонии для задач акустооптики» и «Методика экспериментального определения фотоупругих характеристик лазерных
- кристаллов моноклинной сингонии для задач акустооптики».

# Апробация работы

Основные результаты исследований докладывались на следующих международных и всероссийских конференциях:

- 21st Annual Student Conference «Week of Doctoral Student 2012», Prague, Czech Republic, 2012;
- 2. 15<sup>th</sup> international conference on "Laser Optics 2012", St. Petersburg, Russia, 2012;
- 3. VII Международная конференция "Фундаментальные проблемы оптики-2012" Санкт-Петербург, Россия, 2012 г.;
- 4. Фотоника и информационная оптика, МИФИ, Москва, Россия, 2013 г.;
- 5. Научно-практическая конференция молодых ученых, аспирантов и специалистов «Метрология в XXI веке», Менделеево, Россия, 2013г.;
- 6. ICONO/LAT'13 (International Conference on Coherent and Nonlinear Optics; and Lasers, Applications, and Technologies), Moscow, Russia, 2013;
- 7. 6-ая и 7-ая конференции «Акустооптические и радиолокационные методы измерений и обработки информации» ARMIMP 2013 и 2014, Суздаль, Россия;
- 8. XIV Всероссийская школа-семинар «Волновые явления в неоднородных средах» («Волны-2014»), Красновидово, Россия, 2014 г.;
- 9. 12th School on Acousto-Optics and Applications, Druskininkai, Lithuania, 2014.

Разработанные методы сформулированы в виде сертифицированных методик:

- 1. Методика ГСССД МЭ 214 2013; Росс. научно-техн. центр информации по стандартизации, метрологии и оценке соответствия;
- 2. Методика ГСССД МЭ 225 2014; Росс. научно-техн. центр информации по стандартизации, метрологии и оценке соответствия.

# Публикации

Материалы диссертационной работы опубликованы в 15 печатных работах, в том числе в 4 статьях в рецензируемых журналах, включенных в перечень ВАК, а также в 9 докладах в сборниках трудов конференций.

#### Структура и объем диссертации

Диссертационная работа состоит из Введения, 3 Глав и Заключения, изложена на 109 страницах и содержит 27 рисунков, 13 таблиц, 1 Приложение и 111 библиографических ссылок.

#### ОСНОВНОЕ СОДЕРЖАНИЕ РАБОТЫ

Во **Введении** обоснована актуальность темы диссертационной работы, сформулированы ее основные задачи, показана научная новизна и практическая значимость результатов, представлена структура диссертации.

В Главе 1 даётся определение упругих характеристик кристаллических материалов кристаллографического класса 2/m, к которым относятся кристаллы KREW. Упругие характеристики определяют механические и акустические свойства кристаллической среды – реакцию кристалла на механические нагрузки, что прямо или косвенно учитывается при использовании материала в любом качестве.

При упругой деформации  $S_{kl}$  в кристаллической среде возникают напряжения  $T_{ij}$ , описываемые при малых значениях законом Гука:  $T_{ij} = C_{ijkl} S_{kl}$ , где i,j,k,l = 1,2,3. Коэффициенты  $C_{ijkl}$  носят название коэффициентов упругости (констант жесткости) и составляют тензор четвертого ранга, имеющий 81 элемент. Благодаря свойству симметрии тензора упругости можно использовать сокращенную (редуцированную) запись  $c_{a\beta}$ , где индексы  $a, \beta = 1,...,6$  получаются попарным сворачиванием индексов i,j,k,l. В моноклинных кристаллах редуцированная матрица констант жесткости  $c_{a\beta}$  имеет 13 ненулевых элементов. Далее скорости V собственных мод акустических волн находятся из волнового уравнения  $C_{jikl} \frac{\partial^2 U_l}{\partial x_j \partial x_k} = \rho \frac{\partial^2 U_l}{\partial t^2}$  при стандартном поиске решения в виде гармонической функции. Решая обратную задачу, по известным скоростям распространения упругих волн в разных направлениях, теоретически возможно найти константы жесткости  $C_{ijkl}$ .

Для определения скоростей использовался фазо-импульсный метод, основанный на обратном пъезоэффекте и двух-импульсной модуляцией исходного сигнала.

-- 7 --

Регистрировались частотные резонансы между сложением импульсов, в противофазе проходящих через буфер в форме прямоугольного параллелепипеда, изготовленный из известного материала (например, из плавленого кварца), и через кристаллический образец из исследуемого материала такой же формы, что позволило определять скорость распространения упругих волн.



**Рис.1.** Используемые системы координат. Вектора *a*, *b* и *c* составляют базис элементарной ячейки, оси *X*, *Y* и *Z* относятся к кристаллофизической системе координат,  $N_{\rm m}$ ,  $N_{\rm p}$  и  $N_{\rm g}$  – оси оптической индикатрисы. Вектор *b* и оси *Y*,  $N_{\rm p}$  направлены перпендикулярно плоскости рисунка и совпадают между собой. Угол между кристаллографическими осями  $\beta \approx 94^{\circ}$ . Параллелограмм отображает ориентацию граней моноклинного кристалла.

Необходимые для однозначного определения констант жесткости *C<sub>ijkl</sub>* значения скоростей звука и направления их распространения можно выбрать множеством разных способов, и удобнее всего связать их с осями кристаллофизической системы координат. При выборе **систем координат** для кристаллов моноклинной сингонии существуют общепринятые рекомендации [5]:

- 1) ось Z направляется вдоль минимального вектора трансляции *с* элементарной ячейки кристалла, несовпадающей с осью симметрии второго порядка;
- ось *Y* ориентирована вдоль оси симметрии второго порядка таким образом, чтобы система координат *XYZ* была правой;
- ось *X* лежит внутри тупого угла элементарной ячейки и перпендикулярна осям *Y* и *Z*.

Другая система координат, называемая диэлектрической, связана с осями оптической индикатрисы:  $N_m$ ,  $N_p$  и  $N_g$ . При этом ось  $N_p$  совпадает с осью симметрии

второго порядка кристалла и, соответственно, с осью *Y*, а оси  $N_m$  и  $N_p$  лежат в плоскости *XZ* и образуют с осями *X* и *Y* угол  $\alpha$  (см Рис.1). Вследствие дисперсии значение угла  $\alpha$  зависит от длины волны света  $\lambda$  и может изменяться в видимом диапазоне почти на 2°. Обе системы координат являются ортонормированными декартовыми.

Константы		Погрешность,		
жесткости	KGd(WO <sub>4</sub> ) <sub>2</sub>	KYb(WO <sub>4</sub> ) <sub>2</sub>	KLu(WO <sub>4</sub> ) <sub>2</sub>	$\times 10^9$ , кг/(м·c <sup>2</sup> )
C11	181.4	187.5	189.0	0.6
C <sub>12</sub>	86.3	85.7	86.1	0.6
C13	61.5	60.5	60.6	0.5
C15	-22.4	-25.7	-26.3	0.4
C22	171.7	182.8	185.2	0.6
C23	67.5	68.2	67.9	0.6
C25	-12.9	-15.3	-15.3	0.4
С33	135.3	165.4	168.8	0.6
C35	4.8	2.7	2.8	0.1
C44	69.7	68.2	68.5	0.2
C46	-2.5	-11.6	-13.4	0.1
C55	41.9	45.2	46.5	0.2
C66	39.5	29.0	26.4	0.1

**ТАБЛИЦА 1**. Значения коэффициентов упругости  $c_{\alpha\beta}$  кристаллов  $KRE(WO_4)_2$  в кристаллофизической системе координат (*X*, *Y* и *Z*).

Скорости распространения упругих волн в кристалле KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> составили от 1711 м/с для сдвиговых волн до 5242 м/с для продольных. Значения скоростей для других исследованных материалов имеют несколько меньший разброс, и определены с погрешностью ± 2 м/с. Затухание ультразвука не более 3 дБ/см для сдвиговой моды при частотах 75 – 100 МГц и слабо заметно для продольной волны при длине образца 3 см.

Для однозначного определения 13-ти констант жесткости достаточно 16-ти значений скорости распространения упругих волн вдоль выбранных 6-ти различных направлений. Измерение скорости звуковых волн производилось двух-импульсным методом на плоскопараллельно ориентированных образцах кристаллов. Точность ориентации образцов, на которых выполнялись измерения скоростей звука, была не хуже

5′. Длины различных образцов лежали в диапазоне от 6.5 до 25 мм. Исследования проводилась при комнатной температуре от 18 до 24 градусов Цельсия. При измерении скоростей упругих волн был использован частотный диапазон 25 – 100 МГц, при этом для каждого направления частота перестраивалась в ограниченном интервале, который составлял в разных случаях от 15 до 40 МГц. На каждом образце регистрировалось от 90 до 300 частотных резонансов.

При расчете констант жесткости использовался метод, предложенный К.С. Александровым [6], основанный на решении уравнений Кристоффеля для соответствующих направлений. Симметрия моноклинных кристаллов позволяет непосредственно из измеренных скоростей вычислить только 4 упругих модуля: *c*<sub>22</sub>, *c*<sub>44</sub>, *c*<sub>66</sub> и *c*<sub>46</sub>. Шесть модулей (*c*<sub>11</sub>, *c*<sub>33</sub>, *c*<sub>55</sub>, *c*<sub>13</sub>, *c*<sub>15</sub> и *c*<sub>35</sub>) однозначно определяются из системы уравнений. Оставшиеся три модуля (*c*<sub>12</sub>, *c*<sub>23</sub> и *c*<sub>25</sub>) попарно определяются из условия равенства нулю детерминанта уравнения Кристоффеля.

Таким образом, впервые были определены константы жесткости и полная матрица упругости материалов KGd(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, KYb(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> и KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, имеющих моноклинную структуру кристаллографического класса 2/m.

По найденным значениям матрицы коэффициентов упругости *с*<sub>аβ</sub> материала путем решения волнового уравнения для различных направлений можно определить угловые зависимости скоростей в произвольных плоскостях.

На Рис.2 приведены диаграммы скоростей распространения упругих волн в одном из исследованных материалов в пяти плоскостях, наиболее интересных с точки зрения создания АО устройств. Приведены зависимости для кристалла KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> который в исследованном семействе отличается наиболее выраженной акустической анизотропией и наименьшей скоростью ультразвука – свойствами, важными для достижения высоких характеристик АО устройств.



Рис.2. Акустические свойства кристаллов КLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>. Сечения поверхности медленностей ( $V^{-1}$ ) ультразвуковых волн в 5-ти различных плоскостях: (*a*) плоскостью XZ; (*b*) плоскостями  $N_mN_p$  (слева) и XY (справа); (*c*) – плоскостями  $N_pN_g$  (слева) и YZ (справа). S – сдвиговая мода, QL – квази-продольная мода, QS – квази-сдвиговая мода,  $QS_f$  – "медленная" квази-сдвиговая мода, и  $QS_f$  – "быстрая" квази-сдвиговая мода. Отмечены измеренные экспериментально скорости.

Таким образом, в Главе 1 показаны результаты исследования объемных акустических свойств монокристаллов KGd(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, KYb(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> и KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, проведенного впервые. Получены полные матрицы констант упругости сред  $c_{\alpha\beta}$ , и по определенным константам рассчитаны и построены диаграммы скоростей звука. Сечения поверхности медленностей, построенных по определенным константам жесткости  $c_{\alpha\beta}$ ,

совпадают с поверхностью акустической медленности, полученной экспериментально с помощью визуализации дифракционной картины методом Шеффера-Бергмана.

Исследованию фотоупругих характеристик кристаллов KREW посвящена Глава 2. Кристаллы KRE(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> прозрачны в видимом и ИК- диапазонах, демонстрируют заметную оптическую анизотропию и характеризуются значительным акустооптическим эффектом. Например, KLuW имеет диапазон прозрачности 0.4-5.5 мкм, который превышает диапазон прозрачности широко применяемого в акустооптике TeO<sub>2</sub>. Фотоупругостью называют изменение оптических свойств среды под действием механической нагрузки. Они зависят от акустической и оптической анизотропии, и в общем случае описываются тензором  $P_{ijkl}$ , который ввиду симметрии может быть сведен к матрице  $p_{\alpha\beta}$ , где  $\alpha$ ,  $\beta = 1$ -6. В кристаллах моноклинной сингонии редуцированная матрица  $p_{\alpha\beta}$  имеет 20 элементов.

Изменение компонент тензора диэлектрической непроницаемости (описывающего эллипсоид Френеля)  $\Delta B_{ij}$  прямо пропорционально величине упругой деформации кристалла  $S_{kl}$ :  $\Delta B_{ij} = P_{ijkl} \cdot S_{kl}$ . Изменения оптической индикатрисы, описываемой тензором диэлектрической проницаемости  $\varepsilon_{ij}$ , даются следующим выражением:  $\Delta \varepsilon_{ij} = -\varepsilon_{mi}\varepsilon_{nj}P_{ijkl}S_{kl}$ .

Изменения показателя преломления, вызванные бегущей в среде ультразвуковой волной, носят периодический по пространству характер, и для распространяющегося светового пучка они играют роль фазовой дифракционной решетки. В результате селективной (брэгговской) дифракции света на такой структуре происходит отклонение светового пучка с длиной волны, удовлетворяющей условию Брэгта между длиной волны света  $\lambda$  и частотой ультразвука *f*. Это явление используется для определения фотоупругих характеристик материала методом Диксона [7] по интенсивности дифрагированного (отклоненного) светового потока  $I_d \sim I_i M W_{ac} L^2$ . Коэффициент акустооптического качества материала M (также обозначаемый в литературе  $M_2$ ): определяется эффективным значением фотоупругого модуля  $p_{eff}$  и другими характеристиками материала: плотностью  $\rho$  и показателем преломления кристалла *n*, а также скоростью звука *V*. Одной из принципиальных проблем этого метода является то, что коэффициент АО качества M выражается квадратично через значение фотоупругого модуля  $p_{eff}$ .

модуля. В некоторых простых геометриях значение имеет только абсолютная величина фотоупругого коэффициента, но в общем случае знак величины важен, поскольку эффективное значение фотоупругого модуля  $p_{eff}$  определяется как алгебраическая сумма нескольких коэффициентов  $p_{\alpha\beta}$ .

Определение упруго-оптических характеристик кристаллов осуществлялось в диэлектрической системе координат. Выбор системы отсчета обусловлен, прежде всего, тем, что при фотоупругом эффекте происходит анализ компонент деформации оптической индикатрисы в ее осях симметрии, т.е. в диэлектрических осях  $N_m$ ,  $N_p$  и  $N_g$ . Таким образом, были определены фотоупругие модули  $p_{\alpha\beta}^*$ . Экспериментальное исследование проведено с образцами, описанными в **Главе 1**, и при таких же условиях.

В работе определены фотоупругие модули верхней половины матрицы, описывающие так называемую изотропную дифракцию, при которой поляризация света сохраняется. Этому соответствуют коэффициенты  $p_{\alpha\beta}$  с первым индексом равным 1 ( $N_m \rightarrow N_m$ ), 2 ( $N_p \rightarrow N_p$ ) или 3 ( $N_g \rightarrow N_g$ ).

При анализе введены следующие обозначения:  $M_{\gamma\delta}^{lphaeta}(\kappa)$  – коэффициент АО качества, измеренный для падающей световой волны, распространяющейся в направлении к с поляризацией в направлении α, и принимающей после АО взаимодействия поляризацию β, при дифракции на акустической волне, распространяющейся в направлении  $\gamma$  со смещением по оси  $\delta$ , При этом для простоты оси диэлектрической системы координат обозначаются следующим образом: т соответствует оси  $N_m$ , p – оси  $N_p$  (которая совпадает с Y), а g – оси  $N_g$ .

При дифракции света эффективный коэффициент АО качества в общем виде задается следующей формулой для собственной оптической моды:

$$M_{\gamma\delta}^{\alpha\beta}(\kappa) = \frac{n_{\alpha}^{3} n_{\beta}^{3}}{\rho V^{3}} \Big( p_{i1} \tilde{u}_{mm}^{(\gamma\delta)} + p_{i2} \tilde{u}_{pp}^{(\gamma\delta)} + p_{i3} \tilde{u}_{gg}^{(\gamma\delta)} + 2p_{i4} \tilde{u}_{ng}^{(\gamma\delta)} + 2p_{i5} \tilde{u}_{mg}^{(\gamma\delta)} + 2p_{i6} \tilde{u}_{nm}^{(\gamma\delta)} \Big)^{2},$$
(1)

где i = 1,..., 6. Здесь  $\rho$  – плотность кристалла,  $\tilde{u}_{\sigma\tau}^{(\gamma\delta)} \equiv \frac{1}{2} \left( \frac{\partial u_{\sigma}}{\partial x_{\tau}} + \frac{\partial u_{\tau}}{\partial x_{\sigma}} \right) = \frac{1}{2} \left( a_{\sigma} m_{\tau} + a_{\tau} m_{\sigma} \right),$ 

 $u_{\sigma\tau}$  – компонента тензора деформации, вызываемой акустической волной, возбуждаемой в направлении оси  $\gamma$  с вектором смещения по оси  $\delta$ . В последнем выражении  $a_{\sigma}$  – проекция вектора поляризации ультразвуковой волны,  $m_{\tau}$  – соответствующая проекция волнового вектора. Компоненты тензора деформации определяются из

собственного значения и собственного вектора уравнения Кристоффеля для соответствующей акустической моды.

**ТАБЛИЦА 2**. Значения коэффициентов акустооптического качества  $M_{\gamma\delta}^{\alpha\beta}(\kappa)$  изотропной дифракции в кристаллах  $KRE(WO_4)_2$ , и значения соответствующих фотоупругих модулей  $p_{\alpha\beta}^*$  в диэлектрической системе координат  $(N_m, N_p \text{ и } N_g)$ .

	KGd(WO <sub>4</sub> ) <sub>2</sub>		KYb(WO <sub>4</sub> ) <sub>2</sub>		KLu(WO <sub>4</sub> ) <sub>2</sub>		
	М	$p_{\alpha\beta}*$	М	$p_{\alpha\beta}^*$	М	$p_{lphaeta}*$	
$M_{mm}^{mm}(g)$	0.75	0.11	0.68	0.10	0.74	0.10	<i>p</i> 11*
$M_{mm}^{pp}(g)$	1.0	0.13	1.3	0.14	1.9	0.17	<i>p</i> <sub>21</sub> *
$M_{mm}^{gg}(p)$	1.3	0.13	1.1	0.12	0.89	0.11	<i>p</i> <sub>31</sub> *
$M_{pp}^{mm}(g)$	1.8	0.14	0.57	0.08	1.1	0.11	<i>p</i> <sub>12</sub> *
$M_{pp}^{pp}(g)$	0.11	0.04	0.30	0.06	0.22	0.05	<i>p</i> <sub>22</sub> *
$M_{pp}^{gg}(m)$	0.78	0.09	0.68	0.08	0.57	0.08	<i>p</i> <sub>32</sub> *
$M_{gg}^{mm}(p)$	6.1	0.23	8.7	0.26	7.7	0.28	<i>p</i> <sub>13</sub> *
$M_{gg}^{pp}(m)$	5.9	0.23	7.4	0.29	11	0.35	<i>p</i> <sub>23</sub> *
$M_{gg}^{gg}(p)$	11	0.28	14	0.35	10	0.31	<i>p</i> 33*
$M_{gm}^{mm}(p)$	3.0	-0.053	0.7	0.011	0.77	0.012	<i> p</i> 15*/
$M_{gm}^{pp}(m)$	0.5	-0.025	<0.06	-0.009	0.1	-0.009	<i> p</i> 25*/
$M_{gm}^{gg}(p)$	19	-0.13	15	0.092	14	0.093	<i> p35* </i>

a)

Значения коэффициентов *М* приведены в общепринятых единицах 10<sup>-15</sup> с<sup>3</sup>/кг;

Модули  $p_{12}$ ,  $p_{22}$  и  $p_{32}$  вычисляются, соответственно, из коэффициентов АО качества  $M_{pp}^{mm}(g)$ ,  $M_{pp}^{pp}(g)$ ,  $M_{pp}^{gg}(m)$  или  $M_{pp}^{pp}(m)$ . Остальные модули входят в выражение для эффективного значения коэффициентов АО качества в комбинации (1), а потому их можно найти только из решения систем уравнений. Это связано с тем фактом, что упругие волны, распространяющиеся вдоль направлений  $N_g$  и  $N_m$ , не являются чистыми модами, а представляют собой квазипродольные и квазипоперечные волны, которые в

общем случае имеют различные ненулевые составляющие в проекции на кристаллофизические оси. Что бы отбросить неправдоподобные значения фотоупругих модулей  $p_{15}^*$ ,  $p_{25}^*$  и  $p_{35}^*$ , пришлось воспользоваться следующим соображением. Обычно, величины таких модулей не превосходят значения первых девяти компонент матрицы:  $|p_{\alpha\beta}| < p_{\alpha\alpha}$  ( $\alpha = 1, 2, 3, \beta = 1, 2, 3, 5$ ). Однако, такое утверждение не может претендовать на абсолютность, поскольку не обосновано существующими математическими моделями, связывающих упругие и фотоупругие свойства кристаллов с их симметрией. Из-за этого модули  $p_{15}^*$ ,  $p_{25}^*$  и  $p_{35}^*$ , а также их значения, указаны как модули величин.

Таким образом, общая погрешность определения упруго-оптических модулей составила примерно 10% для наибольших значений  $p_{\alpha\beta}$ . Для остальных модулей, значения *p* которых могут оказаться близки к нулю, можно считать их абсолютную погрешность той же, что и для наибольших. Соответственно абсолютная погрешность составила примерно ±0.04.

В Главе 2 приведены результаты исследования эффективности дифракции света на фазовой дифракционной решетке, созданной бегущей ультразвуковой волной для монокристаллов семейства  $KRE(WO_4)_2$ , где RE = Gd, Yb и Lu. Получены коэффициенты акустооптического качества M в случае изотропной дифракции с сохранением поляризации света. По определенным значениям коэффициента качества M найдены 12 значений фотоупругих модулей  $p_{\alpha\beta}$ , характеризующие изотропную дифракцию, из 20 ненулевых значений компонент фотоупругого тензора.

В Главе 3 представлено изучение семейства лазерных кристаллов К*RE*(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> в качестве акустооптических материалов. Они могут использоваться для создания устройств управления лазерным излучением высокой мощности. Рассмотрены перспективные классические устройства (модулятор, дефлектор, фильтр) и проведена оценка достижимых характеристик. Проанализирована возможность создания устройства нового типа, обеспечивающего и генерацию излучения, и управление добротностью.

Предложен, разработан и испытан модулятор произвольно поляризованного излучения. Как видно из диаграммы взаимодействия (см. Рис.36), на одной и той же ультразвуковой волне K, распространяющейся в направлении оси  $N_g$  диэлектрической системы координат в ограниченном пространстве, возможна изотропная (без изменения

-- 15 --

поляризации) дифракция обеих световых волн поляризаций  $N_m$  и  $N_p$ . Важно, что эффективность АО дифракции на продольной моде ультразвука в выбранной геометрии оказалась для обеих поляризационных составляющих примерно одинаковой. Таким образом, после дифракции соотношение этих компонент не изменится. Для практики важно также, что акустическая волна, распространяющаяся в указанном направлении, не испытывает сноса в плоскости  $N_pN_g$ , и незначительно, не более чем на 1°, отклоняется в плоскости  $N_mN_g$  из-за анизотропии.



Рис.3. Диаграмма волновых векторов акустооптического взаимодействия поляризационно нечувствительного модулятора (а), и акустооптический модулятор, изготовленный на кристалле KGd(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> (б). Прямоугольником схематично обозначена АО ячейка.

Эффективность акустооптической модуляции (AOM) испытанного устройства достигала 80% на длине волны света 532 нм при 1 Вт управляющей мощности на частоте ультразвука около 85 МГц, поданной на пъезопреобразователь шириной не более 1.5 мм и длиной AO взаимодействия 22 мм. Эффективность AOM достигала 98% на 633 нм при 2.5 Вт при тех же условиях. В ближнем ИК-диапазоне эффективность оказалась ниже: 64% на 4 Вт при 1.06 мкм. Таким образом, по эффективности дифракции модулятор на KGW примерно втрое уступает существующим устройствам на кристалле TeO<sub>2</sub>, которые используют дифракцию на продольной *L*-моде ультразвука в направлении [001] света с поляризацией вдоль [100] и коэффициентом AO качества  $M = 34.5 \cdot 10^{-15} \text{ с}^3/\text{kr}$ . При этом модулятор на KGW имеет на несколько порядков более высокую оптическую стойкость,

а по сравнению с модуляторами на кварце требует заметно меньшую управляющую мощность.

Аналогичное устройство предложено на кристалле KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, коэффициенты AO качества которого больше, чем значения *M* KGW, из которого изготовлен модулятор. Практически важный спектральный диапазон такого устройства лежит от 0.8 до 3 мкм, где кристалл KLuW, легированный ионами редкоземельных металлов (Nd, Er, Ho, Yb, Tm), можно использовать для генерации лазерного излучения с длинами волн  $\lambda$  от ~0.85 до 2.9445 мкм, в зависимости от используемого источника света для накачки. На длине волны 2.9 мкм управляющая мощность, обеспечивающая коэффициент дифракции более 80%, составит примерно 4 Вт, при длине пьезопреобразователя 4 см и ширине 0.5 мм. Таким образом, по эффективности дифракции модулятор на KLuW примерно вдвое уступает существующим на кристалле TeO<sub>2</sub>.

Сочетание лазерных и акустооптических свойств в одном материале открывает возможность **объединить** функции генерации излучения и модуляции добротности лазера в **одном функциональном элементе**. На Рис.4 показана ориентация осей такого элемента на кристалле KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>.



Рис.4. Схема активного лазерного элемента на основе кристалла KLuW с совмещенным АО модулятором добротности

Накачка лазерного элемента внешним излучением осуществляется в вертикальной плоскости, а дифракция происходит в горизонтальной, регулируя условия для существования генерации света. Таким образом, осуществляется модуляция добротности лазера.

Благодаря реализации двух функций в одном кристаллическом образце возможно уменьшить оптические потери и упростить конструкция лазера. Благодаря более высокой АО эффективности кристалла KLuW, чем у используемого сейчас кварца, можно отказаться от активного охлаждения этого элемента.

Оптическая двуосность кристаллов также позволяет создать на их основе новые виды АО устройств, которые нереализуемы в одноосных материалах, как правило, используемых в акустооптике. Например, возможно создание **дефлектора** со значительной полосой перестройки и **большой угловой апертурой**, которая позволяет, в частности, осуществлять эффективную модуляцию гауссового пучка в его перетяжке.



Рис.5. Диаграмма волновых векторов акустооптического взаимодействия широкоапертурного дефлектора на кристалле KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>. Прямоугольником схематично обозначена АО ячейка.

Такая геометрия (см. Рис.5) минимизирует поперечные размеры пучка и, соответственно, время переключения модулятора  $\tau = d/V_{ac} \sim 1/\Delta\Theta_1$ , которое может достигать 20 нс и менее. Большая угловая апертура позволяет также проводить операции над пучками, переносящими изображения. При этом режим дефлектора позволяет осуществлять наряду с амплитудной модуляцией еще и пространственное управление пучком, существенно расширяя возможные виды управления лазерным излучением.

Эту геометрию (см. Рис.5) отличают еще два важных для практической реализации свойства: это ортогональность падающего светового пучка акустическому столбу ( $k_{inc} \perp K$ ), что обеспечивает удобную конфигурацию и большой угол отклонения

дифрагированного пучка, что, впрочем, делает необходимым использование весьма высоких частот ультразвука. Для кристалла KLuW частота управляющего сигнала при длинах волн света 1.064 мкм и 1.55 мкм составит соответственно 1.1 и 0.8 ГГц. Используется геометрия дифракции, предусматривающая трансформацию направления поляризации света из  $N_m$  в плоскость  $N_pN_g$ , для чего используется медленная сдвиговая акустическая волна.

Коллинеарные акустооптические фильтры традиционно представляют особый интерес, поскольку позволяют получить высокое спектральное разрешение при малой мощности управляющего сигнала. Для применений в спектроскопии и для фильтрации изображений необходима широкая угловая апертура, которая достигается в приосевых направлениях взаимодействия, т.е. вдоль диэлектрических осей *N<sub>m</sub>*, *N<sub>p</sub>* и *N<sub>g</sub>*.

Анализ показал, что АО взаимодействие вдоль оси  $N_g$  характеризуется наиболее реалистичными параметрами, один из которых – частота, необходимая для фазового синхронизма. Перестраиваемый АО фильтр в этой геометрии (см. Рис.6) имеет снос акустического пучка, как и коллинеарный фильтр на  $\alpha$ -SiO<sub>2</sub>. Среди трех исследованных материалов, на кристалле KYbW возможно получить лучшее спектральное разрешение  $\delta\lambda \sim 1/\Delta n$  за счет большей оптической анизотропии  $\Delta n = n_p - n_m$ . Ширина полосы пропускания такого фильтра при длине взаимодействия 1 см может составить  $\delta\lambda = 0.7$  нм при  $\lambda = 632.8$  нм.



Piezo-transducer



В Главе 3 приведены результаты испытания нового акустооптического модулятора для неполяризованного излучения на кристалле KGd(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, показавшего близкую к 100% эффективность модуляции, и способного выдерживать оптическое излучение высокой мощности. Показано, что кристаллы KGd(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, KYb(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> и

KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> позволяют создать классические АО устройства, обеспечивающие высокую лучевой стойкость, а также новые виды, обеспечивающие большую угловую апертуру (~ 2°), малое время переключения (до 20 нс), слабую чувствительность к поляризации. Это позволит заменить кварц SiO<sub>2</sub> во многих областях акустооптики, где он используется.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

- 1. Для кристаллов семейства KRE(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, где RE = Gd, Yb и Lu, измерены скорости распространения всех акустических мод в различных направлениях. По этим данным определены упругие характеристики материалов. Исследована анизотропия акустических свойств каждого кристалла. Проведено сравнение материалов и показано, что KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> имеет наибольший диапазон скоростей распространения, от 1711 м/с для сдвиговых волн до 5242 м/с для продольных. Также показано, что наибольшее отличие поверхности медленности от сферы характерно для того же материала. Традиционно, выраженная анизотропия акустических свойств характерна для эффективных акустооптических материалов.
- 2. Фотоупругие свойства кристаллов  $KRE(WO_4)_2$  изучены для случая изотропной дифракции (с сохранением поляризации оптического излучения) впервые. Определены все характеристики, необходимые для численного определения параметров акустооптического взаимодействия в случае изотропной дифракции, и для качественной оценки в случае анизотропной дифракции (с поворотом плоскости поляризации света). Максимальное значение коэффициента акустооптического качества составило  $19 \cdot 10^{-15}$  с<sup>3</sup>/кг для кристалла KGd(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> при дифракции света с поляризацией вдоль оси  $N_g$  и сдвиговой моды звука, распространяющейся вдоль оси  $N_g$  с поляризацией вдоль  $N_m$ . Величина более чем на порядок превосходит коэффициент качества кварца, и менее чем в два раза уступает акустооптическому качеству парателлурита (оксида теллура) при изотропной дифракции.
- 3. Показано, что кристаллы КRE(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> являются материалами, подходящими для создания эффективных акустооптических устройств. Предложен, создан и испытан новый акустооптический модулятор для неполяризованного излучения на кристалле KGd(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, показавший близкую к 100% эффективность модуляции, и способный управлять оптическим излучением высокой мощности. Исследована возможность создания новых типов устройств, обеспечивающих большую угловую апертуру (~ 2°), малое время переключения (до 20 нс), слабую чувствительность к поляризации.

#### СПИСОК РАБОТ, ОПУБЛИКОВАННЫХ АВТОРОМ

<u>I. Журналы из списка ВАК</u>

- М. М. Мазур, Д. Ю. Великовский, Ф.А.Кузнецов, Л. И. Мазур, А. А. Павлюк, В. Э. Пожар, В. И. Пустовойт. Упругие и фотоупругие свойства монокристаллов KGd(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>. // Акустический журнал. Том 58. № 6. Стр. 701–709 (2012).
- M.M. Mazur, D.Yu. Velikovskiy, L.I. Mazur, A.A. Pavluk, V.E. Pozhar, V.I. Pustovoit. Elastic and photo-elastic characteristics of laser crystals Potassium Rear-Earth Tungstates KRE(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, where RE = Y, Yb, Gd and Lu. // Ulrasonics. 54 (5). Pp. 1311–1317 (2014). http://dx.doi.org/10.1016/j.ultras.2014.01.009.
- D.Yu. Velikovskii, M.M. Mazur, A.A. Pavlyuk, V.E. Pozhar, S.F. Solodovnikov, L. I. Yudanova. Investigation of the KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> crystal as an acousto-aptic material // Phys. Wave Phenom. Vol. 23. No. 1. Pp. 58-62 (2015).
- 4. *D.Yu. Velikovskii, V.E. Pozhar, M.M. Mazur.* Acousto-optic devices based on potassium rearearth tungstates laser crystals. // Acta Physica Polonica A. Vol. 127. No. 1. Pp. 75-77 (2015).

## <u>II. Другие публикации</u>

- D. Yu. Velikovskiy, V. E. Pozhar, M. M. Mazur. Acousto-optics devices for high-power laser beam, // <sup>f-6</sup> in WDS'12 Proceedings of Contributed Papers: Part III – Physics (eds. J. Safrankova and J. Pavlu). Prague. Matfyzpress. Pp. 65–68 (2012). ISBN 978-80-7378-226-9.
- M.M. Mazur, D. Yu. Velikovskii, L.I.Mazur, A.A. Pavluk, V.E. Pozhar, V.I. Pustovoit. Acousto-optic modulator made of KGW crystal. // 15<sup>th</sup> international conference on "Laser Optics 2012". P. 29 (2012).
- Д.Ю. Великовский, А.В. Перчик. Разработка стенда для исследования акустооптических устройств на новых материалах // VII Международная конференция "Фундаментальные проблемы оптики-2012". Стр.196 (2012).
- 4. Д.Ю. Великовский, М.М. Мазур. В.Э. Пожар. Проект коллинеарного акустооптического фильтра на лазерном кристалле KGd(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>. // Фотоника и информационная оптика. МИФИ. Москва. Стр. 124-125 (2013).
- D.Yu. Velikovskiy, M.M. Mazur, V.E. Pozhar. Development of acousto-optical devices made of KGW laser crystal // The International Conference on Coherent and Nonlinear Optics and The Lasers, Applications, and Technologies (ICONO/LAT'13) (2013).

- 6. Д.Ю. Великовский. Методика экспериментального определения упругих характеристик лазерных кристаллов моноклинной сингонии для задач акустооптики / Д.Ю. Великовский, М.М. Мазур, В.Э. Пожар. М., 2013, –22с. Деп. в ФГУП «СТАНДАРТИНФОРМ» 20.08.2013 г., № 908а.
- Д.Ю. Великовский, М.М. Мазур, В.Э. Пожар. Методика определения констант жесткости моноклинных кристаллов на примере KRE(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>, где RE = Y, Yb, Lu, Gd.
  // бая международная конференция акустооптические и радиолокационные методы измерений информации ARMIMP-2013. Стр.214-215 (2013).
- Д.Ю. Великовский, М.М. Мазур, А.А. Павлюк, В.Э. Пожар, С.Ф. Солодовников, Л.И. Юданова. Изучение кристалла KLu(WO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> как акустооптического материала. // Труды школы-семинара «Волны-2014». Секция 6, стр. 4 (2014).
- 9. *D. Velikovskiy, V. Pozhar, M. Mazur*. Acousto-optic devices based on laser crystals KREW // Abstract book of the 12th School on Acousto-Optics and Applications. P. 44 (2014).
- Д.Ю. Великовский, М.М. Мазур, В.Э. Пожар. Методика экспериментального определения фотоупругих характеристик моноклинных кристаллов. // 7ая международная конференция акустооптические и радиолокационные методы измерений информации ARMIMP-2014. Стр. 183-185 (2014).
- Д.Ю. Великовский. Методика экспериментального определения фотоупругих характеристик лазерных кристаллов моноклинной сингонии для задач акустооптики / Д.Ю. Великовский, М.М. Мазур, В.Э. Пожар. – М., 2014, –28с. – Деп. в ФГУП «СТАНДАРТИНФОРМ» 02.09.2014 г., № 918а.

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 2 U. Griebner, S. Rivier, V. Petrov, M. Zorn, G. Erbert, M. Weyers, X. Mateos, M.Aguilo, J. Massons, F. Diaz. // Opt. Exp. 13. Pp.3465–3470 (2005).
- 3 I.V. Mochalov. // Opt. Eng. 36(6). Pp. 1660–1669 (1997).
- 4 *Клевцов П.В., Козеева Л.П., Харченко Л.Ю., Павлюк А.А.* // Кристаллография. Т. 19. № 3. Стр. 552-558 (1974).
- 5 Ю.И. Сиротин, М.П. Шаскольская. Основы кристаллофизики. // М: Наука, 1979.
- 6 К.С. Александров. // Кристаллография. Т. З. № 5. Стр. 623–626 (1958).

<sup>1</sup> D. Kasprowicz, M.G. Brik, A. Majchrowski, E. Michalski, P. Głuchowski. // Journal of Alloys and Compounds. Vol. 577. Pp. 687–692 (2013).

7 R.W. Dixon, M.G. Cohen. // Appl. Phys. Lett. V. 8, No. 8. Pp. 205-206 (1966).